

# Graafid, 1. kontrolltöö järeltöö

8. jaanuar 2010

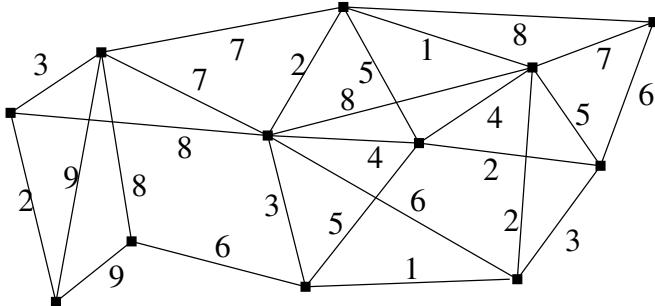
**Ülesanne 1.** Olgu  $n \geq 1$ . Kui palju on olemas (isomorfismi täpsuseni) sidusaid lihtgraafe  $G$ , nii et  $L(G) = K_n$ ?

**Ülesanne 2.** Kas leidub Euleri graaf, millel on paarisarv tippe ja paaritu arv servi?

**Ülesanne 3.** Olgu  $G = (X \cup Y, E)$  kahealuseline lihtgraaf alustega  $X$  ja  $Y$ , nii et  $|X| = |Y| = n \geq 2$  (s.t. graafis on  $2n$  tippu). Näita, et kui iga  $x \in X$  ja  $y \in Y$  jaoks kehtib

kui  $x$  ja  $y$  pole naabertipud, siis  $\deg(x) + \deg(y) \geq n + 1$ ,  
siis on  $G$  Hamiltoni graaf.

**Ülesanne 4.** Leia minimaalse kaaluga aluspuu allolevas graafis.



(Paberkandjal) materjale tohib kasutada.

Kõik ülesanded on võrdse kaaluga.